

# 目 次

|   |    |
|---|----|
| 第 1 章 結晶と X 線 .....                         | 1  |
| 1.1 結晶と X 線回折.....                          | 1  |
| 1.2 波としての X 線.....                          | 6  |
| 1.3 結晶に X 線が照射されると .....                    | 11 |
| 1.3.1 結晶の各点での散乱 .....                       | 11 |
| 1.3.2 散乱 X 線の足し合わせ .....                    | 13 |
| 第 2 章 X 線回折の幾何学 .....                       | 19 |
| 2.1 ベクトル .....                              | 19 |
| 2.2 波を式数で表現する .....                         | 24 |
| 2.3 X 線の回折 .....                            | 28 |
| 2.4 結晶の並進対称性と X 線回折 .....                   | 33 |
| 2.4.1 結晶の並進対称性 .....                        | 33 |
| 2.4.2 波数ベクトルの基底 $a^*$ , $b^*$ , $c^*$ ..... | 36 |
| 2.4.3 エヴァルト球 .....                          | 41 |
| 2.5 結晶面, 結晶格子面 .....                        | 44 |
| 2.5.1 ブラッグの回折条件 .....                       | 44 |
| 2.5.2 結晶面, 結晶格子面 .....                      | 46 |
| 2.6 座標変換 .....                              | 50 |

|                                 |     |
|---------------------------------|-----|
| 第3章 構造因子 .....                  | 55  |
| 3.1 フーリエ変換とフーリエ展開 .....         | 55  |
| 3.1.1 構造因子 .....                | 55  |
| 3.1.2 1次元のフーリエ展開とフーリエ変換 .....   | 56  |
| 3.1.3 1次元フーリエ展開を実際にやってみる .....  | 59  |
| 3.2 3次元のフーリエ変換 .....            | 63  |
| 3.2.1 基底としての《三角関数》とフーリエ展開 ..... | 63  |
| 3.2.2 構造因子の実部と虚部 .....          | 70  |
| 3.3 フーリエ変換 .....                | 77  |
| 3.3.1 フーリエ級数とフーリエ変換 .....       | 77  |
| 3.3.2 フーリエ変換の性質 .....           | 78  |
| 3.3.3 ガウス関数のフーリエ変換 .....        | 80  |
| 3.4 疊み込み .....                  | 82  |
| 3.4.1 疊み込み .....                | 82  |
| 3.4.2 デルタ関数 .....               | 88  |
| 3.5 原子1個のフーリエ変換 .....           | 91  |
| 3.5.1 原子散乱因子 .....              | 91  |
| 3.5.2 異常分散 .....                | 96  |
| 3.6 原子位置のゆらぎ .....              | 98  |
| 3.6.1 原子位置のゆらぎを表す関数 .....       | 98  |
| 3.6.2 等方的なゆらぎ .....             | 99  |
| 3.6.3 異方性のゆらぎ .....             | 102 |
| 3.7 X線構造解析の実際 .....             | 106 |
| 3.7.1 構造因子のまとめ .....            | 106 |
| 3.7.2 X線回折測定のあらまし .....         | 107 |
| 3.7.3 準備作業と初期位相決定のあらまし .....    | 109 |

|                            |     |
|----------------------------|-----|
| 3.7.4 精密化のあらまし .....       | 110 |
| 3.7.5 X線の吸収 .....          | 110 |
| <br>                       |     |
| 第4章 結晶構造の対称性 .....         | 117 |
| <br>                       |     |
| 4.1 結晶構造における対称操作 .....     | 117 |
| 4.2 点群対称操作 .....           | 120 |
| 4.2.1 2次元空間の対称要素 .....     | 120 |
| 4.2.2 3次元空間の対称要素 .....     | 122 |
| 4.2.3 単純な対称要素の組合せ .....    | 124 |
| 4.3 並進を伴う《対称操作》 .....      | 126 |
| 4.3.1 《対称操作》であるための条件 ..... | 126 |
| 4.3.2 並進を伴う《対称操作》 .....    | 127 |
| 4.3.3 《対称操作》の組合せ .....     | 129 |
| 4.4 結晶系——単位胞の形 .....       | 133 |
| 4.4.1 結晶系とはどんな分類か .....    | 133 |
| 4.4.2 2次元, 3次元の結晶系 .....   | 135 |
| 4.5 ブラベーフロック .....         | 140 |
| 4.5.1 単純格子と複合格子 .....      | 140 |
| 4.5.2 ブラベーフロック .....       | 142 |
| 4.5.3 複合格子による消滅則 .....     | 147 |
| 4.5.4 複合格子と映進面 .....       | 151 |
| 4.6 結晶点群 .....             | 154 |
| 4.6.1 構造因子の分布の対称性 .....    | 154 |
| 4.6.2 32結晶点群 .....         | 158 |
| 4.6.3 ラウエクラス .....         | 164 |
| 4.7 空間群 .....              | 165 |

x 目 次

|                                 |            |
|---------------------------------|------------|
| 4.7.1 空間群記号の解読 .....            | 165        |
| 4.7.2 結晶軸の選び方に依存する空間群記号 .....   | 170        |
| 4.7.3 《対称操作》と並進対称操作の組合せ .....   | 172        |
| 4.7.4 ワイコフ記号と原点選択 .....         | 174        |
| 4.8 映進面・らせん軸による消滅則 .....        | 177        |
| 4.8.1 映進面・らせん軸による消滅則 .....      | 177        |
| 4.8.2 見かけの消滅則 .....             | 179        |
| 4.8.3 回折強度のばらつき .....           | 180        |
| 4.9 対称心について .....               | 182        |
| 4.9.1 対称心のない結晶構造 .....          | 182        |
| 4.9.2 中心対称的な構造からの小さなずれ .....    | 185        |
| <b>付録 .....</b>                 | <b>191</b> |
| 付表 結晶点群, ブラベーフロックで分類した空間群 ..... | 191        |
| 付図 17 平面群 .....                 | 195        |
| <b>索 引 .....</b>                | <b>198</b> |